# 감마선 분광분석 - Gamma-ray Spectrometry -



# I. 감마선분광학의 기초지식

### ◆ 분광학(Spectroscopy)

- 파장(주파수, 에너지)에 따른 빛과 물질 간의 상호작용 연구
- 프리즘 -> 가시광선 관찰
- 오늘날 파장(에너지)에 따른 어떤 양을 측정하는 것을 의미
- $\mathbf{E} = \mathbf{h} v = \mathbf{h} \mathbf{C} / \lambda$

### ◆ 스펙트럼(Spectrum)

파장(주파수, 에너지)의 함수로 주어지는
 반응 값을 도표로 나타낸 것

Low Energy

 $10^{7}$ 

Radio Waves

10<sup>8</sup> 10<sup>9</sup> 10<sup>10</sup> 10<sup>11</sup>

• 에너지가 클수록 파장이 짧다

10<sup>6</sup>





- 파장(주파수, 에너지)에 따른 빛(방사선)
   의 세기 측정 및 기록
- Spectroscopy와 구분 없이 사용

AEA al Alama Unergy Agency	Nuclear Energy Division – Marcoule center
	Fuel Cycle Technology Department
	Fuel Technology Development Unit

Characterization and Vizualization Technologies in DD&R

**Gamma Spectrometry** 





**Gamma-ray Spectroscopy** 

**S** 

Gamma Ray Spectroscopy

Experiment GRS

University of Florida — Department of Physics PHY4803L — Advanced Physics Laboratory An introduction: gamma rays, detectors, spectrometers

Exotic Beams Summer School 2011, MSU

Dirk Weisshaar (NSCL)

#### ♦ 감마선 분광분석법(Gamma ray spectrometry)

- 다양한 매질(matrices)내에 있는 감마방출 동위원소의 식별(identification) 및 정량(quantification)
- 선원(source)로부터 방출된 감마선의 수(number)와 에너지(energy)
- 응용 : 감마선의 수 ⇒ 방사능의 결정(determination),

감마선의 에너지 ⇒ 방사성 핵종의 식별(identification)

#### ◆ 스펙트럼 분석(spectrum Analysis)

- 전 에너지 흡수에 해당하는 스펙트럼 피크의 분석
- 피크 위치(location) ⇒ 감마선에너지 측정 ⇒ 방사성핵종 식별
- 피크 면적(area) ⇒ 감마선 방출률 측정 ⇒ 방사능의 결정





#### ◆ 감마선 분광분석법의 활용(Applications)

- 장점 ⇒ 1회 측정으로 많은 수의 감마방출 핵종을 검출, 전처리 비교적 간단
- Ge 반도체검출기의 출현 ⇒ 다양한 분야에서 응용
- 컴퓨터의 보급 ⇒ 많은 양의 데이터 해석, 신속한 처리

#### ◆ 활용 분야

- 원자력시설 의 모니터링
- 보건물리(방사선방호)
- 핵의학
- 재료/물성 연구
- 생명과학
- 지구환경과학
- RI를 이용하는 산업체 (비파괴검사 등)



## 1. 서론

### gamma Spectroscopy System(typical)

- HPGe detector (or Nal Detector)
- High voltage power supply
- Preamplifier
- Amplifier
- Analogue to Digital Converter(ADC)
- Multi-Channel Analyzer(MCA)







#### ◆ 고순도 게르마늄 검출기(HPGe)

- 입사한 감마선과 Ge 원자와의 상호작용 결과로 생긴 고속전자에 의하여 그 에너지에 비례하는 전하[electron-hole pair]를 생성하는 일종의 방사선센서
- 대부분 동축 원통형 구조
- 접합구조 및 인가전압의 극성에 따라 P형(+전압 인가)과 N형(-전압 인가)
- P형 : 방사선 입사창이 약간 두꺼워 50 keV 이상의 감마선이나 X-선이 측정대상
- N형: 입사창을 매우 얇게 제작할 수 있어서(~0.3 µm) 저에너지 영역(약 10 keV)에서 수 MeV 영역까지 측정이 가능





#### ◆ Nal 검출기와 HPGe 검출기의 비교

Nal(TI)	HPGe		
저렴하다 (×10)			
검출효율이 높다 (×10)			
대용량 검출기 제작에 용이하다			
일반 환경에서 동작한다	액체질소로 냉각하여 사용한다 (77K)		
온도에 민감하다	온도의 영향을 덜 받는다		
양극의 전압에 민감하다 (Vº.까)	인가전압의 영향을 덜 받는다		
에너지분해능이 저조하다	에너지분해능이 우수하다		
(6%, 80 keV for 3"×3" at 1332 keV)	(0.15%, 2 keV typical at 1332 keV)		











#### 고전압 공급장치

- 검출기내에 생성된 전하를 수집하기 위하여 역 전압을 통한 전기장을 인가하는 기능
- 전형적인 HPGe 검출기는 약 3000 V 정도가 요구되며, 최고 5000 V까지 인가할 수 있는 것들이 시판되고 있음

#### 전치증폭기

- 검출기내에 생성된 전하 량에 비례하는 전압신호(mV)로 바꾸어 주는 기능
- 선형증폭기에 신호의 손실 없이 전달함과 동시에 접속한 신호케이블에 의한 잡음이 생기
   지 않도록 출력 임피던스를 낮게 유지

#### ◆ 선형증폭기

- 빠른 상승시간(rising time)과 느린 하강시간(decay time)을 지닌 전치증폭기의 출력신호
   를 정형(shaping) 하는 기능과
- 신호대 잡음의 비(S/N비)를 개선시켜 신호를 선형적으로 증폭(~ 10 V)시키는 기능





#### 그림. HPGe 검출기의 전치증폭기 실제 사진





①End cap ②Cap ③Ge반도체 결정 ④고정 나사 ⑤고정부 ⑥Cooling rod 쇠고리 ⑦열절연체(플라스틱 FET) ⑧차폐 **OCryostat** flange ⑩전치증폭기 ①고압필터 ⑫수지 Ring ODewar flange @Dewar vessel @Cold finger Molecular sieve





### 아날로그-디지털변환기 (Analogue to Digital Conversion, ADC)

• 감마분광분석시스템의 심장 역할







### MCA

- 검출기에 흡수된 에너지에 비례하는 펄스를 크기 별로 분류하여 해달채널에 기록 및 저장(기 억), 출력하는 기능과 수집과정에서의 스펙트럼을 CRT상에 표시할 수 있는 기능
- 파고분석기는 ADC, 스펙트럼 메모리, 디스플레이 장치로 구성
- 오늘날에는 대부분 PC에 ADC, 스펙트럼 메모리를 조합시킨 PC-MCA가 많이 이용





### ◆ 디지털 신호처리 장치(DSP)

- 펄스신호의 아날로그 파형 정형(shaping) 기능을 디지털 domain에서 처리
- 과거 NIM 규격의 아날로그 전자회로부(예를 들면 선형증폭기, ADC 등)를 대신하는 기능
- CANBERRA사 : DSA-1000, Lynix 등
- ORTEC사: DSPEC series







### ◆ 감마선 스펙트럼의 예





### ◆ 검출기의 냉각

- 검출기가 생각되지 않은 상태에서 고전압을 인 가하면 검출기 Ge 결정에 큰 누설전류가 흘러 서 전치증폭기를 손상시키므로 충분히 냉각 (24시간 정도)
- 충분히 냉각되지 안은 상태에서의 고전압 인가 에 의한 검출기 충격을 방자하기 위해서는 DSP 의 고전압차단(HV INH) 케이블을 연결해주는 것이 좋음
- HPGe 검출기는 고전압이 걸려 있지 않으면 냉 각이 중단된다고 하더라도 성능이 나빠지지는 않는다.
- 재 방각은 완전하게 실온으로 돌아온 뒤 다시 방각시키는 것이 바람직하며, 이때에도 충분히 방각(24시간 정도)시켜서 고전압을 인가한다.





### ◆ 배경방사선[백그라운드] 선원

- 1) 검출기 재질(반도체 재질)에 함유된 천연방사성핵종으로부터 방출되는 방사선
- 2) 검출기 주변장치(지지대, 차폐체 등)에 함유된 천연방사성핵종으로부터 방출되는 방사선
- 3) 검출기를 둘러싼 공기중의 라돈과 그 딸핵종에 기인한 방사선
- 4] 지표의 지각방사선, 또는 분석실의 벽체 및 구조물로부터 방출되는 방사선
- 5) 우주선 등



### ◆ 배경방사선(백그라운드)를 줄이는 방법

- 1] 차폐체[납 등] 이용
- 2] 가드검출기 이용한 반동시 회로
- 3] 동시회로









### ◆ 차폐체 이용





### 가드검출기를 이용한 반동시 회로

- 가드검출기 : 플라스틱검출기(대용량), 액체섬광검출기, 고리형태의 GM 검출기 등
- 우주선에 의한 백그라운드 기여 분을 크게 저감
- 선원에서 방출되는 방사선은 주 검출기에서만 신호생성
  - 반동시 회로에서 출력펄스 형성
- 우주선은 가드 검출기와 주 검출기 모두에서 신호생성
  - 반동시회로에서 출력펄스 제거
- 컴프턴 연속부 저감
  - 선원에서 방출된 감마선이 주 검출기에서 컴프턴 산란을 한 후 가드 검출기로 입사하여
     다른 반응을 하면 반동시회로에서 출력펄스 제거





### ◆ 동시회로

- 베타선과 감마선을 동시 측정 : 베타붕괴에 수반되어 동시에 감마선을 방출하는 핵종
- 주로 감마선은 Nal 검출기가 측정하고 베타선은 비례수관(기체유입형 4 π)이 측정
   Nal 검출기와 비례계수관이 동상에 신호생성 → 동시회로에서 출력펄스 형성
   어느 한 검출기에서만 신호생성(백그라운드 방사선) → 동시회로에서 출력펄스 제거
- 백그라운드 저감효과가 높으므로 극저준위 방사능측정에 이용[최소검출하한치 개선]



### 원자와 원자핵

- 원자핵 속에 있는 양성자의 수 ; 원자번호(atomic number) Z
- 중성자의 수 : N=A-Z
- 질량수 (mass number) : A = Z+N

질량수
$$\rightarrow A$$
 X  $\rightarrow Z$  원소 기호

### ◆ 동위원소(isotopes)

- 양성자의 수[Z]가 같고 중성자의 수[N]가 다른 원소
- <sup>32</sup>S, <sup>33</sup>S, <sup>34</sup>S, <sup>35</sup>S, <sup>36</sup>S, <sup>1</sup>H(hydrogen, H), <sup>2</sup>H(deuterium, D), <sup>3</sup>H(tritium, T)
- 방사성동위원소(Radioisotopes, RI); <sup>3</sup>H, <sup>35</sup>S

### ◆ 핵종(nuclides)



- 질량수 A와 원자번호 Z를 함수로 결정되는 원자핵의 종류를 구분해서 말할 때
- 핵종의 종류

구분	Ζ	Ν	Α	Ø
동위 원소(체)	=	+	+	${}^{1}_{1}H_{0}$ , ${}^{2}_{1}H_{1}$ , ${}^{3}_{1}H_{2}$
동중 원소(체)	$\neq$	+	=	${}^{90}_{38}Sr_{52}$ , ${}^{90}_{39}Y_{51}$
동중성자 원소(체)	$\neq$	=	+	${}^{59}_{27}Co_{32}$ , ${}^{60}_{28}Ni_{32}$
핵이성체	=	=	=	${}^{137m}_{56}Ba_{81}$ , ${}^{137}_{56}Ba_{81}$

### ◆ 원자핵의 안정성(stability)

- 원자핵 속의 양성자수와 중성자수의 비로서 안 정성이 결정
- 무거운 원자핵(Z>20)은 양성자보다 상대적으로
   더 많은 중성자를 필요로 함
  - 원자번호가 커지면 양성자 사이의 반발력(쿨롱력) 이 커져 원자핵 자체가 불안정해지므로 그 반발력 을 약화시키기 위해서

### ◆ 원자핵의 붕괴(decay)

- 불안정한 핵종은 자연적으로 변환하여 안정한 핵종으로 됨
- 이러한 붕괴과정에서 반드시 α 선이나 β 선이 방출
- 불안정한 원자핵을 방사성핵종



### 🔶 베타 붕괴

 β<sup>-</sup> decay (과잉 중성자, neutron-rich decay); 과잉 중성자가 양성자로 변환하여 전자를 원자핵 밖으로 방출

β \* decay (과잉 양성자, neutron-poor decay); 양성자를 원자핵 밖으로 방출

$${}^{22}_{11}Na \rightarrow {}^{22}_{10}Ne + {}^{0}_{1}\beta + v$$

Note:  $\beta$  and  $\beta$  particles are emitted in a **spectrum** of possible energies as the decay energy is shared with a neutrino and an antineutrino, respectively.

### ◆ 전자포획 (Electron Capture)

• 과잉 양성자 (neutron-poor decay)를 가진 핵이 원자핵 외부의 궤도전자를 포획하여 중성자로 변환



### 🔶 알파 붕괴

#### 무거운 핵은 종종 알파입자(4He)를 방출하면서 붕괴

 $226_{88}Ra \rightarrow 222_{86}Rn + \frac{4}{2}\alpha$ ,  $210_{84}Po \rightarrow 206_{82}Pb + \frac{4}{2}\alpha$ 

 여기 에너지는 Auger 전자와 X-선을 방출을 가져오는 내부전환(Internal Conversion, IC)과정을 통 해서 에너지를 잃고 바닥상태가 됨



### ◆ 순 베타방출 선원(Pure beta sources)

Decay directly to the ground state of the product(no via the excited state)



Data from Lederer and Shirley

#### (1) 붕괴 도식(decay scheme)



(2) 핵이성체(nuclear isomer)

- 준안정상태(metastable)의 원자핵 ; 하나 이상 핵자의 들 뜸상태(excitation)로 인한 것
  - 원자번호(Z), 질량수(A)는 동일하지만 다른 에너지상 태를 가지는 2종 이상의 핵종
  - ▶ 일반적인 핵의 들뜸상태는 10<sup>-12</sup>초(수 psec) 정도
  - 이성핵은 상대적으로 장시간 들뜸상태 ; 준안정상태 ("m"를 붙여 구분)
  - ▶ <sup>137m</sup>Ba(2.5분), <sup>99m</sup>Tc(6.0시간), <sup>103m</sup>Rh(57.5분), <sup>133m</sup>Xe(2.1일), <sup>191m</sup>Ir(4.9초)

핵이성체 전이(isomeric transition, IT)

핵이성체가 감마선을 방출(준안정상태에서 감마붕괴)



#### (3) 감마선 방출확률(emission probability per decay)

- 방사성붕괴시 특정에너지(E)의 감마선이 방출될 확률[P $_{\gamma}$ (E)]; Intensity/100 decay (%)
  - > 유사용어; yield, abundance, gamma intensity[ $I_{\gamma}$ (%)]
  - ▶ <sup>137</sup>Cs의 베타붕괴 → 661.66keV 감마선 방출확률;85%

※ 모든 들뜸 상태의 원자핵이 바닥상태로 되면서 감마선을 방출하는 것은 아니다

| 내부전환(Internal Conversion, IC)

- ▶ 핵의 들뜸상태 에너지를 원자핵의 궤도(atomic electron)에 에너지를 전달하는 과정
- 나부전환계수(α) = N<sub>e</sub>/N<sub>γ</sub>,

여기서, N<sub>e</sub>는 전이(transition)시 내부전환전자의 방출확률, N<sub>y</sub>는 감마선 방출확률

- >  $N_e + N_{\gamma} = 1$ ,  $N_{\gamma} = 1/1 + \alpha = 1/1 + 0.111$ ) = 0.898
- ▶ 661.66keV 감마선방출확률 ; 94.4% x 0.898 = 85%



#### (4) 감마선 방출률(emission rate)

- 이떤 선원으로부터 방출된 에너지 E인 감마선의 단위시간당의 수(#);  $\gamma$ /sec
  - ▶ 참고; 방사능 단위(Bq) → radioactive decay per second의 개념

$$R(E) = P_{\gamma}(E) \cdot A$$

#### <sup>137</sup>Cs 1000Bq

- ▶ 감마선방출 ; 850개 /초
- 방사선 검출기 피크효율 교정에서 매우 중요
- $\succ Eff. = \frac{cps}{\gamma ps}$  , <u>cps/dps</u>

### (5) 동시합산(coincidence summing)

■ 2개 이상의 감마선을 cascade형태로 방출시 동시에 검출되어 하나의 펄스신호로 합산

- > 일명 cascade 합산이라고도 함, 우연합산과는 다른 형태로서 낮은 계수율에서도 나타남
- 상용의 분석프로그램에 자체적인 보정 알고리즘을 개발해서 탑재

▲ 측정대상의 선원/시료의 방사능을 과대 또는 과소 평가를 하게 하는 원인;<sup>60</sup>Co, <sup>88</sup>Y





### (6) 에너지 분해능(energy resolution)

피크의 반치폭(FWHM)을 중앙값(H<sub>0</sub>)으로 나눈 값

- ▶ FWHM; 피크의 최고값에 대한 절반(1/2)이 높이에서의 분포의 폭
- > 에너지 분해능의 값이 작으면 작을수록 피크 구별능력이 우수하다는 의미



#### (7) 검출 효율(detection efficiency)

절대 효율(absolute eff.);  $\varepsilon_{ab} = \frac{ 검출기(계수기) 에 기록된 펄스의 수}{ 선원에서 방출된 방사선(광자)의 수}$ 

▶ 검출기의 특성 및 S-D geometry에 관계됨

 Our bab(relative eff.); ε<sub>re</sub> = 
 <u>HPGe</u> 반도체검출기의 절대bab(1332.5keV, 25cm 거리)
 3" X 3" NaI검출기의 절대bab(1332.5keV, 25cm 거리)
 3" X 3" NaI검출기의 절대bab(1332.5keV, 25cm 거리)

▶ <sup>60</sup>Co 선원 ; 1332.5keV

고유 효율(intrinsic eff.);  $\varepsilon_{intr} = \frac{ 검출기(계수기) 에 기록된 펄스의 수}{ 검출기에 입사된 방사선(광자)의 수}$ 

절대효율과 고유효율의 관계 ; isotropic source의 경우

 ε<sub>intr</sub> = ε<sub>ab</sub> · (<sup>4π</sup>/<sub>Ω</sub>), Ω는 선원의 위치에서 검출기를 바라 본 입체각(solid angle)

 검출기의 재질, 방사선에너지, 입사방향에서의 검출기의 물리적 두께 등에 관계됨

# II. 감마선 스펙트럼의 구성요소

## 1. 스펙트럼 카탈로그





## 2. 감마선과 검출기와의 상호작용 및 응답함수

#### (1) 광전흡수(photoelectric absorption)

- Ge원자(Ge검출기 경우)의 궤도전자와 상호작용 ; 광전자
- > 입사감마선의 모든 에너지를 궤도전자에 전달 → 입사 감마선은 사라짐
- ▶ 특성 X선 또는 auger 전자가 방출
- 입사감마선 에너지(hv)와 똑 같은 에너지의 피크가 스펙트럼상 에 생성(단일 피크)
   - full energy peak, photopeak
- ▶ 감마선(X선) 에너지스펙트럼 측정에 실질적으로 이용되는 효과





## 2. 감마선과 검출기와의 상호작용 및 응답함수

#### (2) 컴프턴 산란(Compton scattering)

자유전자나 결합력이 매우 약한 궤도전자와 충돌 상호작용 ; 컴프턴 전자, 산란감마선

$$(hv)' = \frac{(hv)}{1 + \frac{(hv)}{m_0 c^2} (1 - \cos\theta)} \qquad E_e = (hv) - (hv)' = \frac{(hv)}{1 + \frac{m_0 c^2}{hv(1 - \cos\theta)}}$$

정면충돌( $\theta = \pi$ )의 경우; 컴프턴 전자는 감마선 입사방향, 전자에 최대에너지가 전달



## 2. 감마선과 검출기와의 상호작용 및 응답함수

### (3) 쌍생성(pair production)

검출기매질 원자핵(Ge원자핵)의 쿨롱장내에서 소멸 ; 전자, 양전자 쌍의 생성

- 총 운동에너지(전자KE+양전자KE); 입사감마선에너지 보다  $2m_0c^2$  만큼 아래에 위치

$$E_{p}^{-}+ E_{p}^{+}= h\nu-2m_{o}c^{2}$$

▷ 양전자소멸 방사선 ; 0.511MeV 감마선 2개가 발생

- double escape peak, single escape peak





#### (1) 전에너지 피크(full energy peak)





#### (3) 합성 피크(sum peak)









Actual Spectra



1 -

0

500

#### (4) 단일 이탈 피크(single escape peak)



Single Escape Peak

2000

2500

3000

1000

1500

Energy (keV)



#### (5) 이중 이탈 피크(double escape peak)



Double Escape Peak

### (6) 소멸 방사선 피크(Annihilation Peak)

- ◆ 전자-양전자 쌍생성(pair proudction)이 검출기주변 차폐체에서 일어나는 경우
  - 2개의 소멸방사선 가운데 하나가 검출기내로 입사
  - 이때 소멸방사선 피이크가 511keV에 생김



(7) 후방산란 피크(Backscattering Peak)

#### ◆ 검출기주변 차폐체(납)에서 산란된 감마선이 검출기내로 입사

- 약 180도 후방으로 산란
- 수백 keV(few hundred keV) 부근에서 나타남



(8) 특성 X-선(Characteristic X-rays Peak)

- ◆ 검출기주변 차폐체(납)의 방사선에 의한 이온화 과정에서 발생한 광자가 검출기내로 입사
  - 특성 X-선은 궤도전자의 전이(transition)로 인해서 생김
  - Fill the lower empty shell





## 4. 검출기 크기에 따른 감마선스펙트럼 특성

### (1) 소형 검출기(small detectors)

│ 2차 감마선의 평균자유행로 보다 작은 크기(<2cm); 하전입자는 모두 검출기내에서 흡수를 가정



## 4. 검출기 크기에 따른 감마선스펙트럼 특성

#### (2) 초대형 검출기(very large detectors)

2차 감마선 모두가 검출기 유감체적내에서 상호작용; 수십 cm 이상의 검출기 크기

- 검출기의 응답은 마치 원래의 입사감마선이 단일 단계에서 단순한 광전 흡수를 한 것과 동일한 결과
- 용어적으로

소형검출기의 경우 광전 피크(photoelectric peak)

대형검출기의 경우 전에너지 피크(full energy peak) 또는 전흡수 피크(full absorption peak) 적절한 표현



## 4. 검출기 크기에 따른 감마선스펙트럼 특성

(3) 중간크기 검출기(intermediate size detectors)

#### ■ 실제 감마선분광학에 이용되는 대부분의 검출기 크기

- ▶ 2차 감마선의 일부가 이탈 → 에너지스펙트럼 매우 복잡
- ▶ 다중산란 → 컴프턴 단과 광전 피크 사이에 약간 낮은 스펙트럼 분포



